

1. Objem tělesa, které vznikne rotací křivky $f(x) = \frac{2}{\sqrt{1+x^2}}$ kolem osy x mezích od 0 do 1 je roven:

1)	π^2	2)	π
3)	4π	4)	$\frac{\pi^2}{4}$

2. Viry se mohou rozmnožovat:

1) jen v živých buňkách

2) meiózou

3) dělením

4) mitózou

3. Taylorův polynom stupně $n=2$ funkce $f(x) = e^x \sin x$ se středem v bodě $x_0=0$ je roven:

Nápověda:
$$T_n(x) = f(x_0) + \frac{f'(x_0)}{1!}x + \frac{f''(x_0)}{2!}x^2 + \dots + \frac{f^{(n)}(x_0)}{n!}x^n$$

1)	$e^x \sin(x) + e^{2x} \sin^2 x$	2)	$x - x^2$
3)	$-x + x^2$	4)	$x + x^2$

4. Integrál $\int x^2 e^x dx$ je roven:

1)	$e^x(x^2 - 2x + 2) + C$	2)	$2x e^x + C$
3)	$2x^2 e^x + C$	4)	$\frac{x^3}{3} e^{x+1} + C$

5. Stanovte, jaký hydrostatický tlak by působil na tělo člověka, který by se potopil ke dnu u hráze přehrady Lipno (hloubka 25 m).

Uvažujte hustotu vody 1000 kg/m^3 a gravitační zrychlení $g = 10 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$.

1) $2,5 \cdot 10^5 \text{ Pa}$

2) 10^4 Pa

3) $2,5 \cdot 10^6 \text{ Pa}$

4) 10^5 Pa

6. Řešení diferenciální rovnice $y' = \frac{e^x}{y}$ s počáteční podmínkou $y(0)=-2$ lze zapsat ve tvaru

1)	$\frac{y^2}{2} = e^x$	2)	$y = -\sqrt{2e^x - 2}$
3)	$\frac{y^2}{2} = 2e^x$	4)	$y = -\sqrt{2e^x + 2}$

7. Limita $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 + 2x + x}{4x^3 + 3x + 2x}$ je rovna:

<u>1)</u>	$\frac{3}{4}$	2)	0
3)	∞	4)	1

8. Prokaryotická buňka obsahuje:

- 1) ribozomy
- 2) cytoskelet
- 3) lyzozomy
- 4) mitochondrie

9. Funkce $f(x) = x^3 + x^2 - x$ je nerostoucí na intervalu:

1)	$(-\infty, \infty)$	2)	$\left\langle \frac{1}{3}, \infty \right\rangle$
<u>3)</u>	$\left\langle -1, \frac{1}{3} \right\rangle$	4)	$(-\infty, -1)$

10. Derivace funkce $f(x) = \frac{e^x + 2x}{x+1}$ je rovna:

<u>1)</u>	$\frac{e^x + 2}{x+1} - \frac{e^x + 2x}{(x+1)^2}$	2)	$\frac{e^x + 2}{x+1} + \frac{e^x + 2x}{(x+1)^2}$
3)	$e^x + 2$	4)	$\frac{e^x + 2}{x+1}$

11. Dělicí vřetenko:

- 1) je tvořeno fibrinovými vlákny
- 2) je tvořeno mikrotubuly
- 3) je stálou strukturou buňky
- 4) je tvořeno mikrofilamenty

12. Sanitka jede po vodorovné silnici stálou rychlostí 90 km/h. Při tomto pohybu motor sanitky silou 10 kN kompenzuje ztráty způsobené třením a odporem vzduchu. Vypočítejte, jakou práci motor vykoná na dráze 5 km:

- 1) 50 MJ
- 2) 55 MJ
- 3) 45 MJ
- 4) 90 MJ

13. Genetická charakteristika homozygotů je:

- 1) mají stejný genotyp
- 2) mají stejný počet genů
- 3) mají stejný karyotyp
- 4) od rodičů zdělili stejné alely určitého genu

-
14. Určete vlnovou délku charakteristického záření, které je emitováno při deexcitaci mezi dvěma energetickými stavy atomového jádra izotopu ^{137}Cs lišícími se o energii 1,176 MeV. Hodnota Planckovy konstanty je $h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$, rychlost světla ve vakuu je $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$, elementární náboj $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$:
- 1) $1,5 \cdot 10^{-7} \text{ m}$
 - 2) **$1,05 \cdot 10^{-12} \text{ m}$**
 - 3) $2,5 \cdot 10^{-13} \text{ m}$
 - 4) $8,5 \cdot 10^{-10} \text{ m}$
-

15. Barvoslepost (daltonizmus) je choroba:
- 1) není dědičná
 - 2) autozomálně recesivní
 - 3) **gonozomálně recesivní**
 - 4) autozomálně dominantní
-

16. Máte k dispozici libovolný počet rezistorů s odporem 30 k Ω . Rozhodněte, které z následujících zapojení umožňuje sestavit element s výsledným odporem 10 k Ω ?
- 1) Sériové zapojení tří rezistorů
 - 2) Zapojením tří rezistorů do trojúhelníku
 - 3) **Paralelní zapojení tří rezistorů**
 - 4) Ani jednou z výše zmíněných variant
-

17. Stafylokoky vytvářejí:
- 1) dvojice
 - 2) řetízky
 - 3) spirály
 - 4) **hroznovité útvary**
-

18. Z níže uvedených možností naleznete nejsprávnější fyzikální vysvětlení způsobu, jakým se provádí označení vozů Ambulance na přední kapotě vozu (viz obr. níže):
- 1) Obraz vytvořený rovinným zrcadlem (zpětné zrcátko řidiče) je vždy reálný, vzpřímený a zmenšený
 - 2) Obraz vytvořený rovinným zrcadlem (zpětné zrcátko řidiče) je vždy reálný, vzpřímený, zmenšený a souměrný s předmětem podle roviny zrcadla
 - 3) Obraz vytvořený rovinným zrcadlem (zpětné zrcátko řidiče) je vždy zdánlivý, stranově i výškově převrácený, stejně veliký jako předmět
 - 4) **Obraz vytvořený rovinným zrcadlem (zpětné zrcátko řidiče) je vždy zdánlivý, vzpřímený, stejně veliký jako předmět a souměrný s předmětem podle roviny zrcadla**



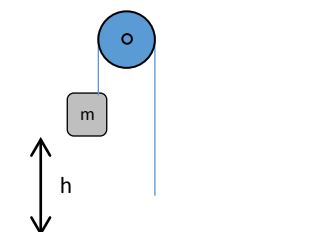
-
19. Drsné endoplazmatické retikulum:
- 1) je tvořeno cisternami
 - 2) je zdrojem syntézy biomembrán
 - 3) je specializované na metabolismus lipidů
 - 4) **je specializované na syntézu bílkovin**
-

20. Foton prochází prostředím s indexem lomu $n = 1,5$. Určete rychlost šíření fotonů v tomto prostředí, je-li známo, že rychlost šíření světla ve vakuu je přibližně $c = 3 \cdot 10^8$ m/s.

- 1) $1,5 \cdot 10^8$ m/s
- 2) $2 \cdot 10^8$ m/s
- 3) Nelze ze zadání určit
- 4) $4 \cdot 10^8$ m/s

21. Pracovník vytáhl pomocí kladky z podlahy do výšky $h = 1$ m břemeno o hmotnosti $m = 100$ kg (viz obr. níže). Určete, jakou minimální energii musel pracovník vynaložit (uvažujte $g = 10$ m.s⁻²):

- 1) 100 J
- 2) 50 J
- 3) 1000 J
- 4) 5000 J



22. Funkce $f(x) = \frac{x}{1+x^2}$ má na intervalu $I = \langle -10, 10 \rangle$:

1)	lokální minimum v bodě 1 a zároveň lokální maximum v bodě -1	<u>2)</u>	lokální minimum v bodě -1 a zároveň lokální maximum v bodě 1
3)	lokální minimum v bodě 0	4)	lokální minimum v bodě -10 a zároveň lokální maximum v bodě 10

23. Radioaktivní prvek ¹⁸F používaný v pozitronové emisní tomografii má poločas rozpadu přibližně 110 min. Jak dlouho trvá, než se z určitého množství atomů ¹⁸F rozpadne právě 75% tohoto množství?

- 1) 110 min
- 2) 330 min
- 3) 55 min
- 4) 220 min

24. Kolo automobilu o poloměru 1 m se točí při rovnoměrném pohybu s frekvencí 10 Hz. Určete úhlovou rychlost bodu umístěného na obvodu kola:

- 1) 2π rad.s⁻¹
- 2) 10 rad.s⁻¹
- 3) π rad. s⁻¹
- 4) 20π rad. s⁻¹

25. Dvojný integrál $\iint_A xy \, dx dy$, kde $A = \{(x, y) \mid 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 2\}$ je roven

1)	0	2)	1
3)	2	4)	4

26. Nevlastní integrál $\int_{-2}^2 \frac{1}{\sqrt{x+2}} \, dx$:

1)	diverguje	2)	konverguje a je roven	4	
3)	konverguje a je roven	0	4)	konverguje a je roven	1

27. Plazmidy prokaryotických buněk jsou:

- 1) tělíška, na kterých probíhá proteosyntéza
- 2) kruhové molekuly DNA v cytoplazmě
- 3) vlákna umožňující přilnavost k povrchu
- 4) váčky obsahující pigmenty

28. Heterochromozómy jsou:

- 1) odlišně se barvící chromozómy u ženy
- 2) pohlavní chromozómy
- 3) jen v pohlavních buňkách
- 4) chromozómy s nestejnými geny u ženy

29. Dvě stejné olověné koule vzdálené od sebe na vzdálenost R jsou přitahovány gravitační silou o velikosti G . Rozhodněte, která z následujících akcí způsobí, že velikost síly G poklesne na jednu čtvrtinu:

- 1) Koule jsou oddáleny na vzdálenost $2R$
- 2) Koule jsou přiblíženy na vzdálenost $R/2$
- 3) Koule jsou přiblíženy na vzdálenost $R/4$
- 4) Koule jsou oddáleny na vzdálenost $4R$

30. Bílkoviny jsou tvořeny z aminokyselin vazbou:

- 1) esterovou
- 2) glykosidickou
- 3) peptidickou
- 4) H-můstky

Za správnost jsou odpovědní:

Biologie

RNDr. Taťána Jarošíková, CSc., jarostat@fbmi.cvut.cz

Specifická část oboru PMB (matematika)

RNDr. Eva Feuerstein, Ph.D., eva.feuerstein@fbmi.cvut.cz
RNDr. Aleš Raidl, Ph.D., ales.raidl@fbmi.cvut.cz**Nápověda k integrálnímu počtu:****Tabulkové integrály**

$$\int 0 dx = C, \quad x \in (-\infty, \infty)$$

$$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C, \quad x \in (-\infty, \infty), \text{ pro } n \text{ celé}, n \geq 0$$

$$x \in (-\infty, 0), \quad x \in (0, \infty) \text{ pro } n \text{ celé}, n < 0, n \neq -1$$

pro n reálné, $n \neq -1$ v řešených příkladech.

$$\int \sin x dx = -\cos x + C, \quad x \in (-\infty, \infty)$$

$$\int \cos x dx = \sin x + C, \quad x \in (-\infty, \infty)$$

$$\int \frac{1}{\cos^2 x} dx = \operatorname{tg} x + C, \quad x \in (-\pi/2 + k\pi, \pi/2 + k\pi), k \text{ celé}$$

$$\int \frac{1}{\sin^2 x} dx = -\operatorname{cotg} x + C, \quad x \in (k\pi, (k+1)\pi), k \text{ celé} \in (0, \infty)$$

$$\int \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx = \arcsin x + C, \quad x \in (-1, 1)$$

$$\int \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx = -\arccos x + C, \quad x \in (-1, 1)$$

$$\int \frac{1}{1+x^2} dx = \operatorname{arctg} x + C, \quad x \in (-\infty, \infty)$$

$$\int \frac{1}{1+x^2} dx = -\operatorname{arccotg} x + C, \quad x \in (-\infty, \infty)$$

$$\int e^x dx = e^x + C, \quad x \in (-\infty, \infty)$$

$$\int a^x dx = \frac{a^x}{\ln a} + C, \quad x \in (-\infty, \infty) \text{ (pro } a > 0, a \neq 1)$$

$$\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C, \quad x \in (-\infty, 0), x \in (0, \infty)$$

$$\int f(ax+b) dx = \frac{1}{a} F(ax+b) + C$$

Objem rotačního tělesa

$$V = \pi \int_a^b (f(x))^2 dx$$